

次の 1 から 20 にあてはまるものをそれぞれの選択肢①～⑤の中から一つ選び、その番号を解答用紙にマークして下さい。

I (1) 方程式  $x^4 - (2x-1)^2 = 0$  の解は 1 である。

- 1 ①  $x=1, -1, -1+\sqrt{2}, -1-\sqrt{2}$     ②  $x=1$ (重解),  $-1+\sqrt{2}, -1-\sqrt{2}$   
③  $x=-1$ (重解),  $1$ (重解)    ④  $x=\pm 1, 1\pm\sqrt{2}$     ⑤  $x=\pm 1, -1\pm\sqrt{2}$

(2)  $\frac{1}{2}(1-\sqrt{2}-\sqrt{3})^2 = \boxed{2}$  である。

- 2 ①  $3-\sqrt{2}-\sqrt{3}+\sqrt{6}$     ②  $1-\sqrt{2}+\sqrt{3}+\sqrt{6}$     ③  $3-\sqrt{2}+\sqrt{3}+\sqrt{6}$   
④  $3-\sqrt{2}+\sqrt{3}-\sqrt{6}$     ⑤  $1-\sqrt{2}+\sqrt{3}-\sqrt{6}$

(3)  $\frac{1}{2+\sqrt{3}} + \sqrt{4-\sqrt{12}} = \boxed{3}$  である。

- 3 ①  $2\sqrt{3}$     ② 3    ③  $2\sqrt{3}-3$     ④  $2\sqrt{3}-1$     ⑤ 1

(4) 濃度5%の食塩水100ccを濃度1%にするには水 4 ccが必要である。

- 4 ① 400    ② 500    ③ 395    ④ 496    ⑤ 900

(5) 放物線  $y=x^2+(a-1)x+3$  を  $x$  軸方向に2、 $y$  軸方向に1 平行移動すると頂点が第1象限にくる。そのとき  $a$  の値の範囲は 5 である。

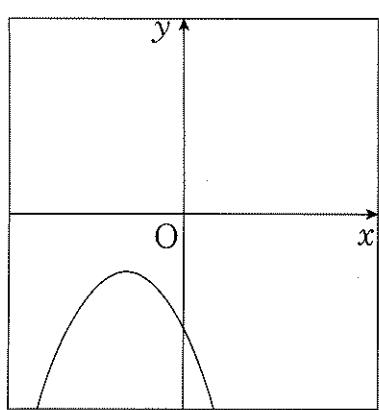
- 5 ①  $a > 5$     ②  $-3 < a < 5$     ③  $-3 < a$     ④  $a < -3$     ⑤  $a < 5$

(6)  $y=x^2-3mx+9$ において、 $y$ の値が常に正であるとき、定数  $m$  の値の範囲は 6 である。また、 $x>1$ において  $y>0$  になるとき、定数  $m$  の値の範囲は 7 である。

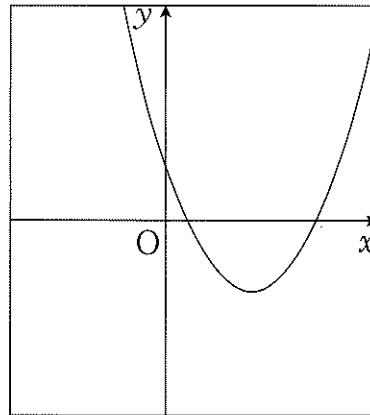
- 6 ①  $m < \frac{2}{3}$     ②  $m < 2$     ③  $\frac{2}{3} \leq m < 2$     ④  $-2 < m < 2$     ⑤  $2 < m$

- 7 ①  $\frac{2}{3} < m < 2$     ②  $-2 < m < 2$     ③  $m < 2$     ④  $\frac{3}{2} < m$     ⑤  $2 < m$

- (7) 次の図はいずれも2次関数  $y=ax^2+bx+c$  のグラフである。それぞれの場合について、 $a,b,c,D(D=b^2-4ac)$ の符号が正しいものを求めよ。



8



9

<input type="checkbox"/> 8 <input type="checkbox"/> 9    ①	$\begin{cases} a < 0 \\ b < 0 \\ c < 0 \\ D > 0 \end{cases}$	$\begin{cases} a > 0 \\ b < 0 \\ c < 0 \\ D > 0 \end{cases}$	$\begin{cases} a < 0 \\ b < 0 \\ c < 0 \\ D < 0 \end{cases}$	$\begin{cases} a > 0 \\ b < 0 \\ c > 0 \\ D < 0 \end{cases}$	$\begin{cases} a < 0 \\ b > 0 \\ c > 0 \\ D > 0 \end{cases}$
--	--	--	--	--	--

- (8) 方程式  $x^2 - 2|x| - 3 = 0$  の解は、 $x = \boxed{10}$  である。

<input type="checkbox"/> 10	① 1, 3	② -1, 3	③ -3, -1	④ -3, 1	⑤ -3, 3
-----------------------------	--------	---------	----------	---------	---------

- (9)  $A$ が鈍角で、 $\cos A = -\frac{1}{3}$  のとき、 $\sin A \tan A = \boxed{11}$  である。

<input type="checkbox"/> 11	① $-\frac{2\sqrt{2}}{3}$	② $-\frac{8}{3}$	③ $-\frac{8}{3}$	④ $\frac{8}{9}$	⑤ $-\frac{2\sqrt{2}}{9}$
-----------------------------	--------------------------	------------------	------------------	-----------------	--------------------------

- (10)  $\sin 20^\circ \cos 70^\circ - \sin 110^\circ \cos 160^\circ + \sin 120^\circ \tan 150^\circ = \boxed{12}$  である。

<input type="checkbox"/> 12	① 0	② 1	③ -1	④ $-\frac{1}{2}$	⑤ $\frac{1}{2}$
-----------------------------	-----	-----	------	------------------	-----------------

- (11)  $0^\circ \leq x \leq 180^\circ$ において、不等式  $\cos x < \frac{1}{\sqrt{2}}$  の解は  $\boxed{13}$  である。また、

$\tan x \leq 1$  の解は  $\boxed{14}$  である。したがって、連立不等式  $\begin{cases} \cos x < \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \tan x \leq 1 \end{cases}$  の

解は  $\boxed{15}$  である。

- 13 ①  $45^\circ < x < 135^\circ$     ②  $30^\circ < x < 150^\circ$     ③  $60^\circ < x \leq 180^\circ$   
 ④  $45^\circ < x \leq 180^\circ$     ⑤  $45^\circ < x < 180^\circ$

- 14 ①  $0^\circ \leq x \leq 45^\circ$     ②  $45^\circ \leq x < 90^\circ$     ③  $90^\circ < x \leq 180^\circ$   
 ④  $0^\circ \leq x \leq 45^\circ, 135^\circ \leq x \leq 180^\circ$     ⑤  $0^\circ \leq x \leq 45^\circ, 90^\circ < x \leq 180^\circ$

- 15 ①  $90^\circ < x \leq 180^\circ$     ②  $135^\circ \leq x \leq 180^\circ$     ③  $x = 45^\circ, 90^\circ \leq x \leq 180^\circ$   
 ④  $45^\circ \leq x < 90^\circ$     ⑤  $45^\circ \leq x \leq 180^\circ$

II 右図の $\triangle ABC$ について、各問の値を求めよ。

(1)  $b = \boxed{16}$

- 16 ①  $6\sqrt{6}$     ② 12    ③  $6\sqrt{2}$   
 ④  $6\sqrt{3}$     ⑤  $12\sqrt{3}$

(2) 外接円の半径 $R = \boxed{17}$

- 17 ①  $6\sqrt{6}$     ② 12    ③  $6\sqrt{2}$     ④  $6\sqrt{3}$     ⑤  $12\sqrt{3}$

(3)  $c = \boxed{18}$

- 18 ①  $6\sqrt{3} + 3$     ②  $3\sqrt{6} + 3$     ③  $3\sqrt{6} + 6$   
 ④  $6(\sqrt{3} + 1)$     ⑤  $3\sqrt{6} + \sqrt{3}$

(4)  $\triangle ABC$ の面積 $S = \boxed{19}$

- 19 ①  $9(6 + \sqrt{3})$     ②  $18(3 + \sqrt{3})$     ③  $9\sqrt{3}(\sqrt{6} + 1)$   
 ④  $18(1 + \sqrt{3})$     ⑤  $9(3\sqrt{2} + 1)$

(5) 面積比  $\triangle AOB : \triangle BOC : \triangle COA = \boxed{20}$

ただし、 $O$ は $\triangle ABC$ の外接円の中心である。

- 20 ①  $5 : 3 : 4$     ②  $1 : 2 : \sqrt{3}$     ③  $\sqrt{3} + 1 : 2 : \sqrt{6}$   
 ④  $1 : 4 : 3$     ⑤  $3 : 5 : 4$

